# "嫦娥4号"中继星使命轨道段定轨计算与分析

段建锋1,2,3,李 勰1,2,李翠兰1,2,王兆魁3

(1.北京航天飞行控制中心,北京100094; 2.航天飞行动力学技术重点实验室,北京100094;3.清华大学 航天航空学院,北京100084)

摘 要:"嫦娥4号"中继星是"嫦娥4号"探测器实现月球背面着陆与巡视的关键,目前正稳定运行在地-月L2 点使命轨道上,该使命轨道为平均周期约14天的南族Halo轨道。因任务的需要,中继星本体系+Z轴需调整指向,处于 正对太阳和非正对太阳两种状态。太阳光压在中继星+Z轴对日的情况下会加速卫星的角动量累积,增加卫星卸载喷气 频次。基于中继星使命轨道段测控支持条件,采用重叠弧段法对两种状态下的中继星定轨精度进行分析与评估。结果 表明,在中继星+Z轴非对日运行状态下,重叠弧段位置误差为1.6 km,速度误差为8 mm/s;在中继星+Z轴对日运行状 态下,重叠弧段位置误差为0.6 km,速度误差为3 mm/s,这对中继星的长期运行具有重要参考价值。

关键词: 嫦娥4号; 中继星任务; 使命轨道; 轨道确定; 重叠弧段; 精度分析

中图分类号: V412.41 文献标识码: A 文章编号:2095-7777(2019)03-0247-07 **DOI:**10.15982/j.issn.2095-7777.2019.03.008

**引用格式:**段建锋,陈明,张宇,等."嫦娥4号"中继星使命轨道段定轨计算与分析[J]. 深空探测学报,2019,6(3):247-253.

**Reference format:** DUAN J F, CHEN M, ZHANG Y, et al. Orbit determination and analysis of Chang' E-4 relay satellite on mission orbit[j]. Journal of Deep Space Exploration, 2019, 6 (3): 247-253.

## 引 言

月球是距离地球最近的天体,具有可供人类开发 和利用的多种资源。月球探测是人类了解地球、太阳 系和宇宙进而考察和勘探太阳系的第一步。通过月球 探测能帮助人类研究太阳系及宇宙的起源、演变和现 状,进一步认识地球环境的形成和演变,认识空间现 象和地球自然系统之间的关系,从现实和长远来看, 对月球的探测和开发具有十分重要的科学和经济 意义<sup>[1]</sup>。

20世纪90年代,我国已经开始进行月球探测工程的先期研究。我国的探月工程,在2020年前分 "绕、落、回"三步实施,所谓"三步走"战略<sup>[2]</sup>。 我国第一个月球探测器"嫦娥1号"卫星于2007年 10月成功环月探测,圆满实现了探月工程一期"绕" 的目标<sup>[3]</sup>;2010年10月,"嫦娥2号"卫星作为探月 工程二期任务的先导星,成功完成了环月的先导探 测,并完美地完成了多阶段拓展任务,通过一次发射 任务完成了月球、日地拉格朗日L2点、图塔蒂斯 (Toutatis)小行星的多目标探测<sup>[4-6]</sup>;2013年12月14 日,"嫦娥3号"探测器成功着陆月球虹湾地区,12

收稿日期: 2018-12-27 修回日期: 2019-04-12

月15日,"玉兔号"月球车与着陆器顺利分离,其行 走的车辙印在了月球表面。"嫦娥3号"任务圆满成 功,首次实现了我国航天器在地外天体软着陆和巡视 勘察,标志着我国探月工程第二步战略目标的全面实 现。2014年11月1日,"嫦娥5号"高速再入试验任 务的返回器在内蒙古四子王旗地区顺利着陆,标志着 我国月球探测领域技术的又一次重大进步,拉开了我 国探月工程第三期的序幕<sup>[7]</sup>,"嫦娥5号"任务推迟发 射后,"嫦娥4号"任务于2018年正常执行。

"嫦娥4号"任务分为中继星任务和探测器任务两个阶段,其中中继星被命名为"鹊桥",于2018年5月21日在西昌卫星发射中心通过"长征4号"丙型(CZ-4C)火箭发射升空,在地面测控支持下,经中途修正,在近月点实施近月制动和月球借力,进入月球至地月L2点的转移轨道,经地月L2点捕获后,进入环绕地月L2点的使命轨道。使命轨道为Z向振幅约1.3万km、轨道平均周期约为14d的南族Halo轨道<sup>[8]</sup>。使命轨道运行期间,在测控和地面应用系统支持下,中继星将实现月球背面的着陆器与地面站之间前向/返向的实时和延时测控数传中继。中继星飞行轨道如图1所示。



图 1 "嫦娥4号"中继星飞行过程示意图 Fig. 1 Flight profile of the Chang'E-4 relay satellite

在我国深空探测任务中, 仅于 2015 年通过"嫦 娥 5 号"再入返回试验的留轨服务舱进行过为期 1 个半月的绕地月 L2 点飞行,但在地月 L2 点布设一 颗长期运行的中继星的任务从未有过。在其长期在 轨运行期间,因其不稳定的轨道特性,卫星需要进 行经常性的轨道维持使其轨道得以保持<sup>[9]</sup>,在中继 星执行任务期间,中继星用于通信的天线所在+Z轴 需指向地面或者月面,导致中继星整体受光压力的 不平衡而使得卫星角动量累积加快,从而出现喷气 卸载的情况,这些都对地面测控团队提出了更高的 要求。

本文基于北京航天飞行控制中心的轨道计算与分 析软件平台(BACC Orbit Determination and Analysis System, BODAS)<sup>[10]</sup>,针对使命轨道段因轨道维持、 动量轮卸载产生的喷气对轨道的影响,通过求解经验 力的方式,采用国内外多数机构对轨道进行精度评价 使用的重叠弧段法对定轨精度进行评价分析。

## 1 使命轨道段动力学模型

1765年欧拉(Euler)发现了在一个旋转二体引 力场中存在3个共线的天平动点,1772年拉格朗日 (Lagrange)指出在一个旋转二体重力场中存在另外 两个天平动点,后人将这5个点统称为拉格朗日点, 也称平动点<sup>[11-12]</sup>,如图2所示。平动点是第三体在受 两个大天体的万有引力作用时,在空间中的引力平衡 点。运行于平动点的飞行器可以保持该双星系统的公 转角速度而几乎不用消耗推进剂。由于平动点特殊的 动力学特性和在三体问题中相对固定的位置,使其在 停泊中转、中继通信、星际转移等未来深空探测任务 中具备较好的工程应用价值,Farquhar最早提出利用 地-月L2点实现月背通信的概念,此后许多学者开展 了相关的研究。在月球背面实现着陆与巡视的"嫦娥 4号"任务将通过中继星首次实践这一理论。考虑月 球遮挡等限制因素,该中继星采用绕地月L2点Halo 轨道作为其使命轨道,使命轨道段飞行示意图如图3 所示<sup>[13]</sup>。



Fig. 3 The line-of-sight visibility between the Earth and relay satellite around the Earth-Moon L2 point

因中继星的质量远小于地球、月球的质量,其 在使命轨道运行时可以看作限制性的(3+1)体问 题<sup>[14]</sup>,即中继星受太阳、地球、月球3个主要力源的 影响,同时考虑其它不可忽略的摄动力影响,构成其 动力学方程,在地球质心坐标系下可描述为

 $\ddot{r} = a_e + a_s + a_m + a_{ins} + a_{ens} + a_{srp} + a_{oth} + a_{wol}$  (1) 其中: r为卫星的位置矢量;  $a_e$ 为地球产生的质点引 力加速度;  $a_s$ 为太阳产生的质点引力加速度;  $a_m$ 为月 球产生的质点引力加速度;  $a_{ins}$ 为由月球引力位的非 球形部分产生的非球形引力加速度;  $a_{ens}$ 为由地球引 力位的非球形部分产生的非球形引力加速度;  $a_{sp}$ 为 由太阳辐射压产生的加速度; 还有其它的加速度如由 木星、土星等大行星引起的加速度、由天体潮汐引起 的加速度等,这里统称为 $a_{oth}$ ;  $a_{wol}$ 为模拟卫星因喷气 产生的作用力,也称为经验力<sup>[15]</sup>。

由式(1)可知,中继星在使命轨道属于太阳-地

球-月球-卫星多体问题,如图3所示,其在使命轨道 飞行时无真实的积分中心,绕飞轨道为弱中心引力轨 道,与普通的地球卫星或月球卫星特性并不完全一 样,为方便进行轨道精度评估,选取地心作为其积分 中心,在地月系框架内进行分析。

## 2 使命轨道段定轨分析策略

#### 2.1 测控条件

目前我国深空站共有3个,分别是佳木斯站、喀 什站和南美站;在喀什、青岛和纳米比亚分别有3副 18m天线;此外,还有由北京、上海、昆明和乌鲁 木齐的4个VLBI观测站5部天线组成的VLBI分系 统,具体分布见图4所示。特别是南美深空站建成后 实现了深空探测的24h无间段跟踪,目前深空站测 距、测速、VLBI时延和时延率典型测量精度分别约 为1m,1mm/s,1ns和1ps/s<sup>[16]</sup>。



Fig. 4 Distribution of deep space station in China

此次中继星任务,我国的深空测量系统全部参与,保障中继星顺利抵达使命轨道,在使命轨道段, 测量弧段逐步减少,平均每日深空站观测弧长为8h, 在轨道维持或卸载前后,上海VLBI测轨分系统进入 并进行跟踪测量,佳木斯深空站与喀什深空站连线进 行干涉测量与三向测量跟踪,确保喷气前后有充足的 测轨数据来保证轨道精度。

在深空站测量精度不变的前提下,明显减少的观

测弧长对地面测控系统的轨道确定工作带来困难,有 必要对此条件下的定轨精度进行评估分析。

#### 2.2 定轨基本策略

在本文的定轨精度分析中,采用的动力学模型如 表1所示<sup>[17-18]</sup>,重点分析了中继星在地月L2点使命轨 道飞行的过程,主要测量数据源为我国深空站的双程 测距数据(USB)、三向测量数据和甚长基线干涉测 量数据(VLBI)。

2019年

表1 定轨策略		
Table 1 Strategy for	the orbit determination	
项目	模型	
坐标系	地心天球坐标系	
积分中心	地球	
月球中心引力	质点引力	
月球非球形引力场	$GL420A^{[19]}(8 \times 8)$	
地球中心引力	质点引力	
地球非球形引力场	$JGM2(8 \times 8)$	
第三体引力	太阳、大行星	
太阳光压摄动	锥形阴影模型,CR=1.5	
行星星历表	DE421	
数据使用	USB:测距、测速 三向测量:三向测距、测速 VLBI:时延、时延率	

## 3 定轨精度分析评估

"嫦娥4号"任务中继星于2018年5月29日正式 进入Halo轨道运行,正常运行1圈后中继星+Z轴转 对月定向或对地定向,对中继星各项载荷进行功能测 试,运行4.5圈后重新转回对日定向。图5所示为中 继星在使命轨道段运行的两种状态:中继星本体系+ Z轴对日和本体系+Z轴非对日。由于中继星对称的立 方体星体加上伞状通信天线的结构特点,在中继星+ Z轴非对日的情况下,太阳光压对卫星作用力是不平 衡的,导致卫星的角动量累积速度较快,需要频繁通 过喷气进行角动量的卸载,进而影响轨道维持的时间 点;中继星+Z轴对日的情况下,太阳光压对卫星的 作用力是平衡的,角动量累积速度明显减小,角动量 卸载的影响减少甚至消失,轨道维持频率降低,本文 对中继星在使命轨道运行时以上两种条件下的轨道进 行精度评估与分析。

### 3.1 中继星+Z轴非对日状态

在2018年6月15日,中继星+Z轴指向由对日调 整为对月,本文选取6月15日后约2圈的数据进行分 析,在选取的弧段内,由星上遥测下传的四元素可计 算出中继星+Z轴与太阳矢量的夹角(α)变化如图6 所示,可以看出α角的变化范围在0~180°。随着α 角的变化,中继星角动量累积加快,需要频繁地进行 喷气卸载以保证动量轮的正常使用,在卸载喷气与轨 道维持的共同作用下,最短1天、最长12天一次喷 气,定轨弧段被切割得较为分散,根据段建锋等人<sup>[20]</sup> 在"嫦娥1号"任务数据处理中积累的经验,需要对 喷气进行经验力求解,并使用重叠弧段法进行定轨精 度评估。



solar vector

结合中继星喷气情况,重叠弧段的分割选取策略 如表2所示,每个切割弧段至少有5天以上的测轨弧 段,确保有充足的测轨数据用于轨道确定。

定轨使用的策略如表1所示,在计算过程中,每 个定轨弧段根据跟踪数据的长短,需要进行1~2次 的经验力求解以消除探测器因喷气对轨道的影响。

在表3中给出了7段重叠弧段的位置速度精度,统 计的是重叠弧段内位置速度误差的最大值(MAX), 从表中可以看出,中继星+Z轴非对日状态下重叠弧 段精度位置平均约1.6 km,速度平均约8 mm/s。

表2 中继星+Z轴非对日状态下重叠弧段选取策略 Table 2 The strategy of overlapped arcs for +Z axis is not pointing to Sun

弧段	开始时间(BJT)	结束时间(BJT)	喷气次数
1	2018-06-15T08:10	2018-06-21T18:40	1
2	2018-06-18T18:30	2018-06-25T14:50	2
3	2018-06-21T19:10	2018-07-06T07:00	1
4	2018-06-29T15:00	2018-07-10T15:30	2
5	2018-07-07T10:10	2018-07-12T15:00	1
6	2018-07-10T15:40	2018-07-15T11:00	1
7	2018-07-12T15:30	2018-07-20T19:10	1
8	2018-07-18T00:10	2018-07-23T20:10	1

表 3 中继星+Z轴非对日状态下重叠弧段精度统计 Table 3 The accuracy statistics of overlapped arcs for +Z axis is not pointing to Sun

误差	
位置/m	速度/(mm·s <sup>-1</sup> )
565.567 5	3.7
2 015.865 2	11.2
1 372.078 4	6.2
1 130.605 3	7.2
1 671.730 5	7.7
3 678.388 1	14.4
1 430.050 7	9.0
1 694.90	8.48
	位置/m

### 3.2 中继星+Z轴对日巡航状态

在2018年8月20日,中继星+Z轴指向由对月调 整为对日巡航状态,本文选取8月20日后约2圈的数 据进行分析,重叠弧段的分割选取策略如表4所示。 由表中可以看出,因中继星受太阳光压力较为平衡, 角动量的累积速度明显减弱甚至消失,喷气时间明显 拉长,喷气间隔时间在5天以上。

对于中继星+Z轴对日巡航状态下的定轨计算,仍然采用表1的策略,在计算过程中,4个弧段均需 要解算经验力以消除中继星喷气对轨道的影响。从表 5中可以看到,中继星+Z轴对日巡航状态下重叠弧段 精度位置平均约0.6 km,速度平均约3 mm/s,明显优 于中继星+Z轴非对日状态下的精度。

表4 中继星+Z轴对日巡航状态下重叠弧段选取策略 la 4 The strategy of every langed area for  $\pm Z$  axis is pointing to

able 4	The strategy	of overlapped arcs	s ior +z axis is p	bointing to Su

弧段	开始时间(BJT)	结束时间(BJT)	喷气次数
1	2018-08-20T19:35	2018-08-30T02:00	1
2	2018-08-24T22:35	2018-09-05T11:30	1
3	2018-08-30T02:05	2018-09-13T17:00	1
4	2018-09-05T11:35	2018-09-20T11:30:	1

表5 中继星+Z轴对日巡航状态下重叠弧段精度统计 Table 5 The accuracy statistics of overlapped arcs for +Z axis is ointing to Sun

重叠弧段 -	诗	<b>≷差</b>
	位置/m	速度/(mm·s <sup>-1</sup> )
1~2	486.168 9	1.6
2~3	603.975 6	3.1
3~4	717.011 8	3.1
均值	602.385	2.6

## 4 结 论

"嫦娥4号"任务是一次全新的任务模式,任务 分为两个阶段,中继星任务阶段和探测器任务阶段, 中继星任务的成败将直接决定"嫦娥4号"任务的成 败,在整个任务体系中起到至关重要的作用,而中继 星任务对于地面测控中心来说也是一种全新的考验, 具有任务轨道新、在轨时间长、轨道精度要求高等特 点,因此对于中继星任务情况的总体把握、轨道特性 的透彻分析、定轨精度的准确评估显得尤为关键。

中继星在使命轨道段运行时,太阳光压摄动项是 影响其定轨预报误差的主要因素,本文将中继星在使 命轨道段分为两种运行状态,并在当前测控条件下分 别对其进行轨道精度分析评估,得出在中继星+Z轴 非对日运行状态下,重叠弧段位置误差1.6 km,速度 误差8 mm/s;在中继星+Z轴对日运行状态下,重叠 弧段位置误差0.6 km,速度误差3 mm/s。由于目前仅 仅依据中继星在使命轨道上前7圈的定轨数据进行了 分析和评估,样本有限,后续还要结合中继星在轨的 长期运行数据进行分析和评估,得出更可信的结果, 以便为中继星的稳定在轨运行提供重要的参考。

#### 参考文献

 叶培建,彭兢.深空探测与我国深空探测展望[J].中国工程科学, 2006,8(10):13-18.

YE P J, PENG J. Deep space exploration and its prospect in China[J].

Engineering Science, 2006, 8(10): 13-18.

[2] 欧阳自远. 我国月球探测的总体科学目标与发展战略[J]. 地球科 学进展,2004,19(3):351-358.

OUYANG Z Y. Scientific objectives of Chinese lunar exploration project and development strategy[J]. Advance in Earth Sciences (in Chinese), 2004, 19(3): 351-358.

- [3] 欧阳自远,李春来,邹永廖,等. 嫦娥一号的初步科学成果[J]. 自然 杂志,2010,32(5):249-266.
  OUYANG Z Y,LI C L,ZOU Y L, et al. The primary science results from the Chang' e-1 probe[J]. Chinese Journal of Nature, 2010, 32 (5):249-266.
- [4] 欧阳自远. 嫦娥二号的初步成果[J]. 自然杂志, 2013, 35(6): 391-395.

OUYANG Z Y. Chang'E-2 preliminary results[J]. Chinese Journal of Nature, 2013, 35(6): 391-395.

[5] 曹建峰,胡松杰,黄勇,等.嫦娥二号卫星日地拉格朗日L2点探测 轨道定轨分析[J].武汉大学学报(信息科学版),2013,38(9):1029-1033.

CAO J F, HU S J, HUANG Y, et al. Orbit determination and analysis for Chang' E-2 extended mision [J]. Geomatics and Information Scuence of Wuhan University, 2013, 38(9):1029-1033.

- [6] 曹建峰,胡松杰,刘磊,等."嫦娥二号"小行星探测试验定轨计算 与分析[J].北京航空航天大学学报,2014,40(8):1095-1101.
   CAO J F,HU S J,LIU L, et al. Orbit determination and analysis for Chang'E-2 asteroid exploration (in Chinese)[J]. J Beijing Univ Aeron Astron,2014,40(8): 1095-1101.
- [7] 叶培建,于登云,孙泽洲,等.中国月球探测器的成就与展望[J]. 深 空探测学报,2016,3(4):323-333.
  YE P J, YU D Y, SUN Z Z, et al. Achievements and prospect of Chinese lunar probes[J]. Journal of Deep Space Exploration,2016,3(4): 323-333.
- [8] WANG Q, LIU J. A Chang' E-4 mission concept and vision of future chinese lunar exploration activities[J]. Acta Astronautica, 2016, 127: 678-683.
- [9] 刘磊,曹建峰,胡松杰,等.地月平动点中继应用轨道维持[J]. 深空 探测学报,2015(4):318-324.

LIU L, CAO J F, HU S J. Maintenance of relay orbit about the Earth-Moon collinear libration points (in Chinese) [J]. J Deep Space Exploration, 2015(4): 318 - 324.

- [10] 胡杰松,唐歌实.北京中心深空探测器精密定轨与分析软件系统
  [J].飞行器测控学报,2010,29(5):69-74.
  HU S J, TANG G S. BACC orbit determination and analysis software for Deep-Space explorers [J]. Journal of Spacecraft TT&C Technology, 2010,29(5):69-74.
- [11] BARROW-GREEN J. Poincaré and the three-body problem [M]. Providence, Rhode Island: American Mathematical Society-London Mathematical Society, 1997.
- [12] FARQUHAR R W. The Flight of ISEE-3/ICE: origins, mission history, and a legacy [C]//AIAA/AAS Astrodynamics Specialist

Conference and Exhibit. Boston, Massachusetts: AIAA, 1998.

[13] 吴伟仁,王琼,唐玉华,等."嫦娥4号"月球背面软着陆任务设计
 [J]. 深空探测学报,2017,4(2):111-117.
 WU W R,WANG Q,TANG Y H. Design of Chang'E-4 lunar farside

soft-landing mission (in Chinese)[J]. Journal of Deep Space Exploration,2017,4: 111-117.

[14] 刘林,侯锡云.深空探测器轨道力学[M].北京:电子工业出版社, 2012.

LIU L, HOU X Y. Orbital dynamics of deep space probe[M]. Beiing: Publishing House of Electronics Industry, 2012.

- [15] 汤锡生,陈贻迎,朱民才.载人飞船轨道确定和返回控制[M].北 京:国防工业出版社,2002.
   TANG X S, CHEN Y Y, ZHU M C. Orbit determination and reentry control for manned spacecraft [M]. Beijing: National Defense Industry Press,2002.
- [16] 黄勇,李培佳,樊敏,等.基于地基测量数据的地月L2点探测器轨 道确定[J].中国科学:物理学力学天文学,2018,48:079501.
  HUANG Y,LI P J,FAN M, et al. Orbit determination of CE-5T1 in Earth-Moon L2 libration point orbit with ground tracking data (in Chinese) [J]. Sci Sin-Phys Mech Astron,2018,48:079501.
- [17] 陈明,唐歌实,曹建峰,等. 嫦娥一号绕月探测卫星精密定轨实现
  [J]. 武汉大学学报.信息科学版,2011,36(2):212-217.
  CHEN M, TANG G S, CAO J F, et al. Precision orbit determination of CE-1 lunar satellite[J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University,2011,36(2):212-217.
- [18] 陈明,张宇,曹建峰,等. 嫦娥二号卫星轨道确定与测轨技术[J]. 科学通报,2012,57(9):689-696.
  CHEN M, ZHANG Y, CAO J F, et al. Orbit determination and tracking technology of CE-2 satellite [J]. Chinese Science Bulletin,2012, 57(9):689-696.
- [19] 段建锋,曹建峰,陈明,等.GRAIL月球重力场模型对嫦娥卫星定 轨精度的改进[J].中国科学:物理学力学天文学,2017,47: 0696502.

DUAN J F, CAO J F, CHEN M, et al. The improvements of Chang' E series satellites orbit determination from GRAIL lunar gravity model[J]. Sci Sin-Phys Mech Astron, 2017, 47:069502.

[20] 段建锋,曹建峰,张宇,等.一种有效提高CE-1卫星卸载前后精密 星历衔接精度的定轨策略[J]. 航天控制,2015,33(1):66-71.
DUAN J F, CAO J F, ZHANG Y, et al. An effective Orbit determination strategy to improve the cohesion precision of Chang'E one satellite's precise ephemeris before and after unloading[J]. Aerospace Control,2015,33(1): 66-71.

作者简介:

**段建锋**(1987-),男,工程师,本科,主要研究方向:航天器精密轨道 确定。

通信地址:北京市海淀区北清路26号5130信箱105分箱(100094) 电话:(010)66363137

E-mail:duanjf1987@sina.com

DUAN Jianfeng<sup>1,2,3</sup>, LI Xie<sup>1,2</sup>, LI Cuilan<sup>1,2</sup>, WANG Zhaokui<sup>3</sup>

(1. Beijing Aerospace Flight Control Center, Beijing 100094, China;

2. Beijing Aerospace Control Center, Science and Technology on Aerospace Flight Dynamics Laboratory, Beijing 100094, China;

3. School of Aerospace, Tsinghua University, Beijing 100084, China)

**Abstract:** Chang'E-4 relay satellite that flying on the mission orbit at the Earth-Moon L2 is the key for the probe to complete the landing and inspection on the farside of the moon, with the mission orbit of the southern clan Halo orbit with an average period of 14 days. Due to mission requirements, the + Z axis of the relay satellite will be in two states: orientation to the sun and orientation to the moon or the earth. In the non-directional orientation of the sun, the solar pressure will accelerate the angular momentum accumulation of satellites and increase the frequency of satellite jets. In this paper, under the existing TT&C conditions, the orbit determination accuracy of satellites in the two states is analyzed and evaluated by using overlapping arc method. The results show that the position error of overlapping arcs is 1.6 km and the velocity error is 8 mm/s for the relay satellite when the + Z axis is not pointing to the sun, while the position error of overlapping arcs is 0.6 km and the velocity error is 3 mm/s for the relay star when the + Z axis is pointing to the sun. This has important reference value for the long term operation of relay satellites.

Key words: Chang'E-4 satellite; relay satellite mission; mission orbit; orbit determination; overlapping arcs; accuracy analysis High lights:

- Chang'E-4 relay satellite needs to adjust its + Z axis pointing frequently in the mission orbit at the Earth-Moon L2.
- It is very effective to use overlapping arcs to analyze the orbit determination accuracy under different + Z axis directions of Chang' E-4 relay satellite.
- The position and the velocity error of overlapping arcs is 1.6 km, 8 mm/s respectively when the satellite's + Z axis is not pointing to the Sun, and the errors is reduced to 0.6 km, 3 mm/s respectively when the + Z axis is pointing to the Sun.

[责任编辑:杨晓燕,英文审校:朱恬]